

Physics

$$\omega = 2\pi f$$

$$t = \frac{s}{v}$$

$$V^2 = u^2 + 2as$$

$$PE = mgh$$

$$P = \frac{W}{t}$$

$$I = \frac{V}{R}$$

$$PE = m \times g \times h$$

$$S_+ = V_+^X$$

$$S = \left(\frac{u+v}{2} \right) t$$

$$E = mg^2$$

$$s = ut + \frac{1}{2}at^2$$

$$T = \frac{E}{D + r}$$

Reminder...

- ◉ Διαλέξεις
 - ◉ Προαιρετική παρουσία!
- ◉ Είστε εδώ γιατί **θέλετε** να ακούσετε/συμμετέχετε
- ◉ Δεν υπάρχουν απουσίες
- ◉ Υπάρχει σεβασμός στους συναδέλφους σας και στην εκπαιδευτική διαδικασία
- ◉ Προστατέψτε εσάς και τους συναδέλφους σας: απέχετε από το μάθημα αν δεν είστε/αισθάνεστε καλά



Εικόνα: Στη φυσική, η ενέργεια είναι μια ιδιότητα των αντικειμένων που μπορεί να μεταφερθεί σε άλλα αντικείμενα ή να μετατραπεί σε διάφορες μορφές, αλλά δεν μπορεί να δημιουργηθεί ή να καταστραφεί. Η "ικανότητα ενός συστήματος να παράγει έργο" είναι μια κοινή περιγραφή, αλλά είναι δύσκολο να δοθεί ένας ενιαίος συνολικός ορισμός της ενέργειας, εξαιτίας των πολλών μορφών της.

Φυσική για Μηχανικούς

Ενέργεια Συστήματος



Εικόνα: Στη φυσική, η ενέργεια είναι μια ιδιότητα των αντικειμένων που μπορεί να μεταφερθεί σε άλλα αντικείμενα ή να μετατραπεί σε διάφορες μορφές, αλλά δεν μπορεί να δημιουργηθεί ή να καταστραφεί. Η "ικανότητα ενός συστήματος να παράγει έργο" είναι μια κοινή περιγραφή, αλλά είναι δύσκολο να δοθεί ένας ενιαίος συνολικός ορισμός της ενέργειας, εξαιτίας των πολλών μορφών της.

Φυσική για Μηχανικούς

Ενέργεια Συστήματος

Ενέργεια Συστήματος

- Με όσα έχουμε δει ως τώρα

- Θέση
- Ταχύτητα
- Επιτάχυνση
- Δύναμη

και με αρχές όπως οι νόμοι του Newton, μπορούμε να λύσουμε πολλά προβλήματα...

- Στην πράξη, πολλές φορές αντιμετωπίζουμε δυσκολίες...
 - Π.χ. αν η δύναμη είναι μεταβαλλόμενη κατά μέτρο ή αν η διαδρομή κίνησης δεν είναι ευθύγραμμη
- Χρειαζόμαστε μια διαφορετική/συμπληρωματική προσέγγιση, που θα κάνει τα προβλήματα πιο απλά...

Ενέργεια Συστήματος

- Κάποιες έννοιες ίσως σας φανούν οικείες, αλλά στη Φυσική απαιτείται λίγο μεγαλύτερη ακρίβεια...
- Ας ξεκινήσουμε με την έννοια της **ενέργειας**.
- Ιδέες που έχουμε από την καθημερινότητά μας για την ενέργεια
 - Βενζίνη και πετρέλαιο για μεταφορές και θέρμανση
 - Ηλεκτρισμός για φωτισμό και συσκευές
 - Φαγητό για κατανάλωση
- «Έχεις ενέργεια να πάμε για τρέξιμο?»
 - Ικανότητα να κάνεις κάποια δουλειά, κάποιο **έργο**

Ενέργεια Συστήματος

• Θα μας απασχολήσουν τρία είδη ενέργειας:

• Κινητική, Δυναμική, και Θερμική

Kinetic energy K



- Η κινητική ενέργεια είναι η ενέργεια της κίνησης.
- Όλα τα κινούμενα αντικείμενα έχουν κινητική ενέργεια.
- Όσο μεγαλύτερη μάζα ή όσο πιο γρήγορα κινείται ένα αντικείμενο, τόσο μεγαλύτερη η κινητική του ενέργεια.

Ενέργεια Συστήματος

- Θα μας απασχολήσουν τρία είδη ενέργειας:

- Κινητική, Δυναμική, και Θερμική

Potential energy U



- Η δυναμική ενέργεια είναι αποθηκευμένη ενέργεια που σχετίζεται με τη θέση ενός αντικειμένου.
- Το τρενάκι της εικόνας έχει βαρυτική δυναμική ενέργεια που εξαρτάται από τη θέση του (ύψος) πάνω από το έδαφος.

Ενέργεια Συστήματος

• Θα μας απασχολήσουν τρία είδη ενέργειας:

• Κινητική, Δυναμική, και Θερμική

Thermal energy E_{th}



- Η θερμική ενέργεια είναι το άθροισμα όλων των μικροσκοπικών κινητικών και δυναμικών ενεργειών των ατόμων και δεσμών που συνιστούν ένα σώμα.
- Ένα σώμα έχει μεγαλύτερη θερμική ενέργεια όταν είναι ζεστό παρά όταν είναι κρύο.

Ενέργεια Συστήματος

- Τα παραπάνω δεν αποτελούν ακριβή ορισμό της ενέργειας.
- Γενικότερα, είναι δύσκολο να οριστεί με ακρίβεια
 - Είναι περισσότερο... «αφηρημένη» έννοια
 - Θα μπορούσαμε να πούμε ότι αποτελεί έναν αριθμό που σχετίζεται με την κατάσταση ενός συστήματος
 - Αν η χρήση αυτών των αριθμών γίνει σωστά, μπορούμε να προβλέψουμε αποτελέσματα πειραμάτων και να κατασκευάσουμε μηχανές!
- Κάθε διαδικασία στη φύση αφορά ενέργεια και μεταφορές/μετασχηματισμούς αυτής

Ενέργεια Συστήματος

- Ξεκινάμε τη συζήτηση θεωρώντας ένα νέο μοντέλο, το **σύστημα**
- Προς το παρόν, ας δούμε τι είναι ένα σύστημα και πώς σχετίζεται με την ενέργεια
 - Συστήματα μπορεί να είναι:
 - Ένα απλό σώμα ή αντικείμενο
 - Πολλά σώματα ή αντικείμενα
 - Μια περιοχή του χώρου
 - Κάτι που αλλάζει σχήμα και μέγεθος
- Αργότερα, θα μιλήσουμε για μοντέλα ανάλυσης ενός συστήματος
 - ...αντί ενός μόνο σώματος, που είχαμε ως τώρα

Προς συζήτηση

Ενέργεια Συστήματος

- Πρώτο βήμα είναι η **αναγνώριση** του συστήματος
- Όταν συζητάμε για ένα σύστημα, είτε αγνοούμε (**απομονωμένο** σύστημα) είτε ενδιαφερόμαστε (**μη απομονωμένο** σύστημα) για τις επιδράσεις του περιβάλλοντος στο σύστημα
- Ανεξαρτήτως του συστήματος που επιλέγουμε πάντα υπάρχει το **όριο/σύνορο συστήματος**:
 - Μια φανταστική επιφάνεια που χωρίζει το σύστημα με το περιβάλλον του

Ενέργεια Συστήματος

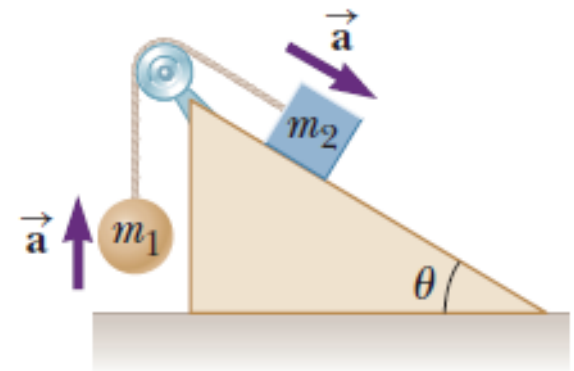
• Παράδειγμα:

- Σύστημα == σπόγγος
- Επιφάνεια σπόγγου == σύνορο συστήματος
- Η δύναμη (μέσω του χεριού) είναι μια επιρροή στο σύστημα από το περιβάλλον του, η οποία ασκείται επάνω στο σύνορο του συστήματος



• Παράδειγμα:

- Σύστημα == σώματα + σχοινί
- Οι δυνάμεις από το σχοινί επάνω στα σώματα είναι εσωτερικές, και δεν ανήκουν στο περιβάλλον του



Ενέργεια Συστήματος

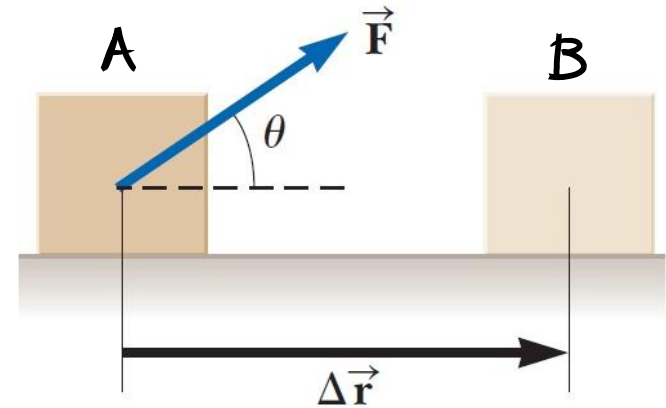


- Αναγνωρίζουμε το σύστημα: σπόγγος
- Ερώτημα: πόσο αποτελεσματικοί είμαστε με τη δύναμη που βάζουμε (όμοια σε μέτρο σε όλες τις περιπτώσεις) στο να κινήσουμε το σπόγγο;
- Σε ποια περίπτωση τα καταφέρνουμε καλύτερα;
 - Μέτρο δύναμης – Κατεύθυνση – Μετατόπιση

Ενέργεια Συστήματος

- Ας θεωρήσουμε ένα απλό παράδειγμα

- Ένα σώμα (σύστημα) που μετατοπίζεται σε ευθεία γραμμή από μια σταθερή δύναμη που του ασκείται υπό γωνία θ με το οριζόντιο επίπεδο



- Το **έργο (Work) W** που **παράγεται** στο σύστημα από τη δύναμη που ασκείται εξωτερικά στο σύστημα ορίζεται ως
 - το γινόμενο του μέτρου της σταθερής **δύναμης $\vec{F}$** , του μέτρου της **μετατόπισης $\Delta \vec{r}$** του σημείου εφαρμογής της δύναμης, και του **συνημιτόνου της γωνίας θ** ανάμεσα στα δυο προηγούμενα:

$$W \equiv |\vec{F}| |\Delta \vec{r}| \cos(\theta) = F \Delta r \cos(\theta)$$

Ενέργεια Συστήματος

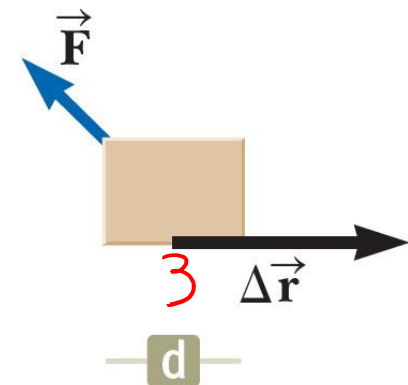
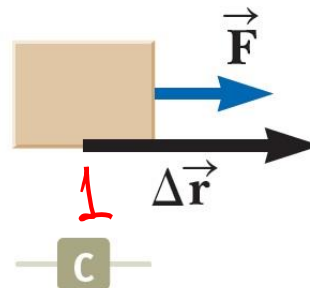
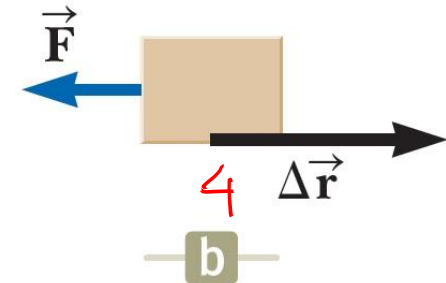
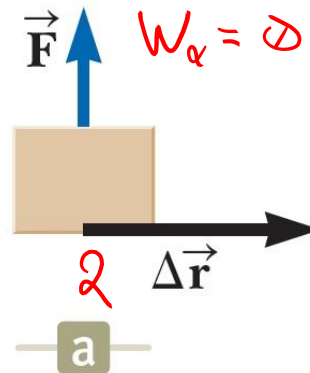
- Διακρίνετε τη διαφορά με την «κοινή» αίσθησή σας για το έργο;
- Κρατήστε μια βαριά μπάλα στο ύψος των ώμων σας για 2'
- Στο τέλος, θα έχετε κουραστεί και θα θεωρείτε ότι «παράξατε αρκετό έργο» επάνω στην μπάλα
- Η αλήθεια είναι ότι ο ορισμός που μόλις είδαμε θα σας πει ότι
$$W = 0$$
 - Γιατί απλά υποστηρίζατε την μπάλα, δεν τη μετακινήσατε
- Επίσης, δείτε ξανά την (c) εικόνα με το σπόγγο.

Ενέργεια Συστήματος

$$W \equiv F \Delta r \cos(\theta)$$

- **Quiz:** Κατατάξτε τις παρακάτω περιπτώσεις σε αύξουσα τιμή έργου

b → d → a → c



Ενέργεια Συστήματος

- Μονάδα μέτρησης έργου

$$N \cdot m = J \text{ (Joule)}$$

- Μπορούμε να συμπεράνουμε ότι

έργο == μεταφορά ενέργειας

- Αν W είναι το έργο που παράγεται σε ένα σύστημα, τότε
 - Έργο θετικό → Μεταφορά ενέργειας προς το σύστημα
 - Έργο αρνητικό → Μεταφορά ενέργειας από το σύστημα

Ενέργεια Συστήματος

- ◉ **Έργο θετικό** → Μεταφορά ενέργειας προς το σύστημα
 - ◉ Σπρώχνουμε και επιταχύνουμε οριζόντια ένα κιβώτιο
 - ◉ Σηκώνουμε ένα βιβλίο από το τραπέζι σε ένα ράφι
 - ◉ Το έργο που παράγουμε πάνω στο (κιβώτιο/βιβλίο) είναι θετικό
 - ◉ Δύναμη στο (κιβώτιο/βιβλίο) παράλληλη με τη μετατόπιση
- ◉ **Έργο αρνητικό** → Μεταφορά ενέργειας από το σύστημα
 - ◉ Μας «πετούν» ένα βαρύ κιβώτιο οριζόντια και προσπαθούμε να το σταματήσουμε
 - ◉ ...ενώ αυτό αρχικά μας «παίρνει πίσω», και μας μετατοπίζει κι αυτό αντίθετα στη δύναμη που του ασκούμε για να το σταματήσουμε
 - ◉ Επιστρέφουμε ένα βιβλίο από το ράφι στο τραπέζι
 - ◉ Το έργο που παράγουμε πάνω στο (κιβώτιο/βιβλίο) είναι αρνητικό
 - ◉ Δύναμη στο (κιβώτιο/βιβλίο) αντίθετη με τη μετατόπιση

Ενέργεια Συστήματος

- Η μαθηματική έκφραση

$$W \equiv F \Delta r \cos(\theta)$$

μοιάζει περίεργη...

- Προκύπτει από το μαθηματικό εργαλείο που λέγεται

εσωτερικό γινόμενο διανυσμάτων

- Έστω δυο διανύσματα $\vec{A}, \vec{B}$. Το εσωτερικό τους γινόμενο είναι μια βαθμωτή ποσότητα (= αριθμός) που ισούται με

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos(\theta)$$

- Άρα το έργο W μπορεί να γραφεί ως $\vec{F} \cdot \Delta \vec{r}$!

Ενέργεια Συστήματος

- Παράδειγμα

- Ένα σωματίδιο στο xy επίπεδο υπόκειται σε μετατόπιση $\Delta \vec{r} = 2.0\vec{i} + 3.0\vec{j}$ m λόγω μιας σταθερής δύναμης $\vec{F} = 5.0\vec{i} + 2.0\vec{j}$ N που ασκείται στο σωματίδιο. Βρείτε το έργο που παράγεται από τη δύναμη στο σωματίδιο.

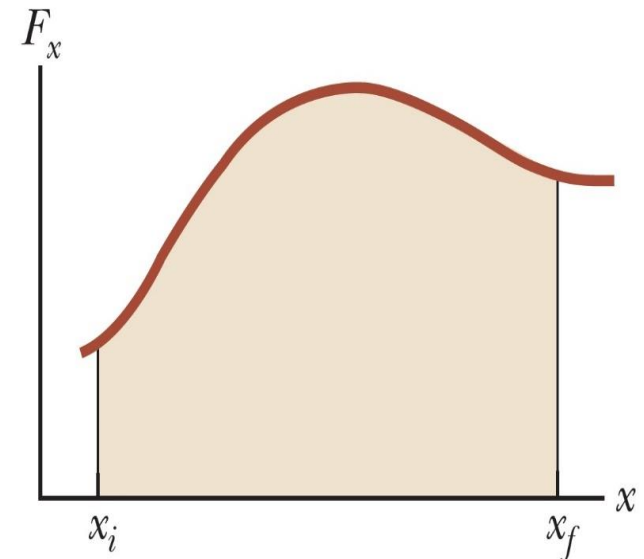
$$\left. \begin{aligned} \vec{A} &= a_x \vec{i} + a_y \vec{j} \\ \vec{B} &= b_x \vec{i} + b_y \vec{j} \\ \vec{A} \cdot \vec{B} &= a_x b_x + a_y b_y \end{aligned} \right\} \textcircled{1}$$

$\equiv$ έργο ως $\textcircled{2}$.

$$\begin{aligned} \text{ΑΡ} \propto \quad W_F &= \vec{F} \cdot \Delta \vec{r} = (5\vec{i} + 2\vec{j}) \cdot (2\vec{i} + 3\vec{j}) \\ &= 2 \cdot 5 + 2 \cdot 3 \\ &= 10 + 6 \\ &= 16 \text{ J} \end{aligned}$$

Ενέργεια Συστήματος

- Η συζήτησή μας αφορούσε έργο υπό σταθερή δύναμη
 - Τι γίνεται όταν η δύναμη είναι μεταβαλλόμενη αλλά η κίνηση εξακολουθεί να είναι ευθύγραμμη;
 - Δεν μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε τις εξισώσεις που είδαμε!
 - Ας πούμε ότι μεταβάλλεται μόνο το μέτρο της – τι συμβαίνει τότε?
- Παράδειγμα:
 - Η x -συνιστώσα της δύναμης μεταβάλλεται κατά την κίνηση

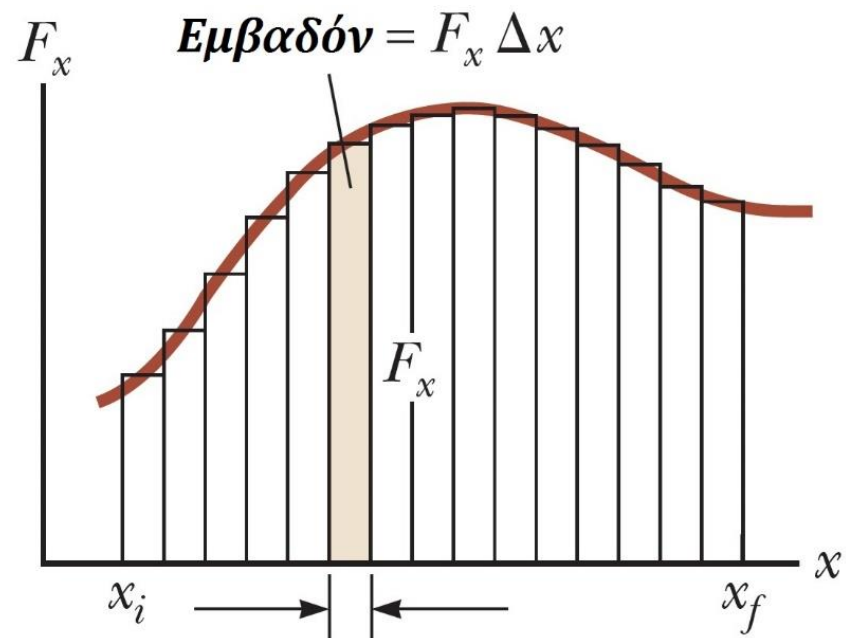


Ενέργεια Συστήματος

- Μπορούμε να θεωρήσουμε τη δύναμη ως **τμηματικά** (για μικρά διαστήματα Δx) **σταθερή**!

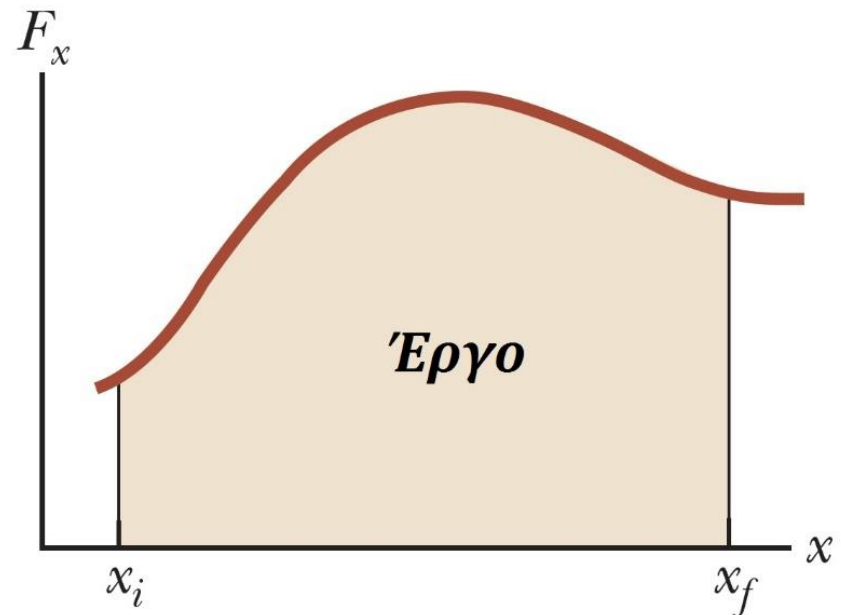
- Προσέγγιση:

- Χωρίζουμε το διάστημα σε μικρά διαστήματα Δx .
- Σε κάθε τέτοιο διάστημα έχουμε έργο W_j , που ισούται με το εμβαδόν του αντίστοιχου παραλληλογράμμου.



Ενέργεια Συστήματος

- Μπορούμε να θεωρήσουμε τη δύναμη ως **τμηματικά** (για μικρά διαστήματα Δx) **σταθερή**!
- Παράδειγμα:
 - Το συνολικό έργο είναι $\sum_j W_j$
 - Όταν τα διαστήματα γίνονται απειροστά μικρά ($\Delta x \rightarrow 0$), τότε το συνολικό έργο ισούται με το εμβαδόν κάτω από την καμπύλη!

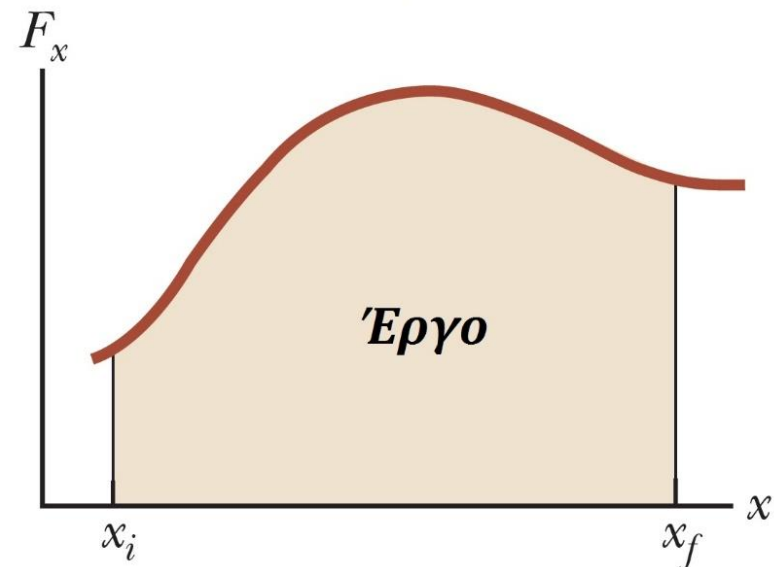
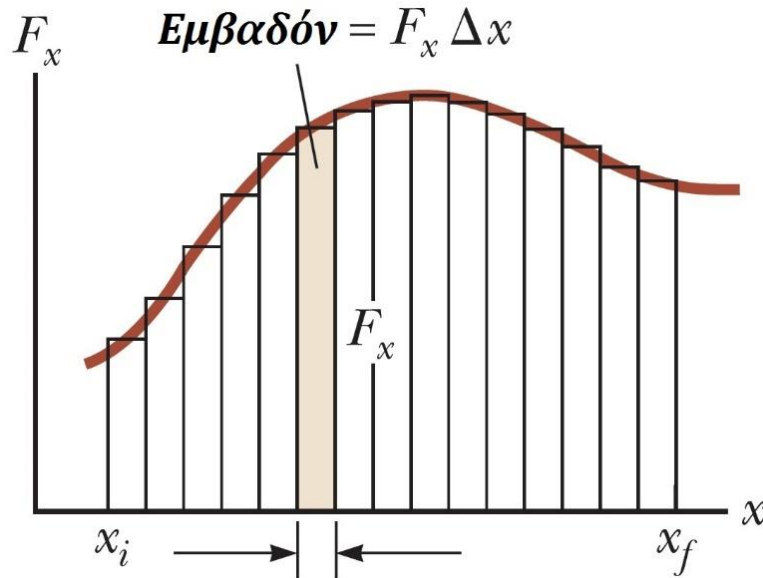


Ενέργεια Συστήματος

- Με μαθηματικά,

$$W = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \sum_{x_i}^{x_f} F_x \Delta x = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx = \int_{x_i}^{x_f} \vec{F}_x \cdot d\vec{x}$$

(Handwritten red annotations: $\vec{F}_x dx \cos(0^\circ)$ with an arrow pointing to the $F_x dx$ term, and x_i and x_f below the integral limits)



Ενέργεια Συστήματος

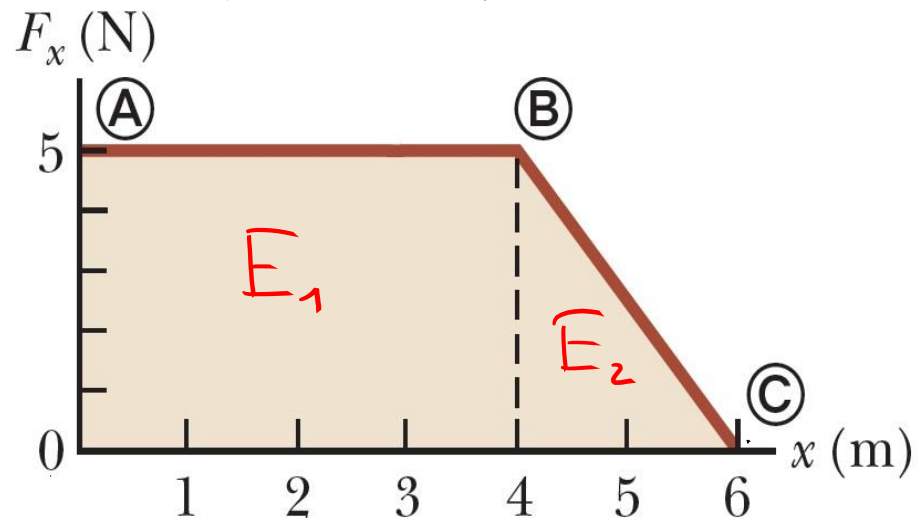
• Παράδειγμα:

- Μια δύναμη ασκείται σε ένα σωματίδιο, η οποία μεταβάλλεται με την απόσταση, όπως στο Σχήμα. Υπολογίστε το έργο που παράγεται από τη δύναμη στο σωματίδιο όταν αυτό κινείται από $x = 0$ ως $x = 6$ m.

$$W = \int \vec{F}_x \cdot d\vec{x} = \int_0^6 F_x dx = \dots \quad (\text{επίπεδο slide})$$

Ενδιακτικά,

$$\begin{aligned} W &= E_1 + E_2 \\ &= 4 \cdot 5 + 2 \cdot 5 \cdot \frac{1}{2} \\ &= 20 + 5 \\ &= 25 \text{ J} \end{aligned}$$

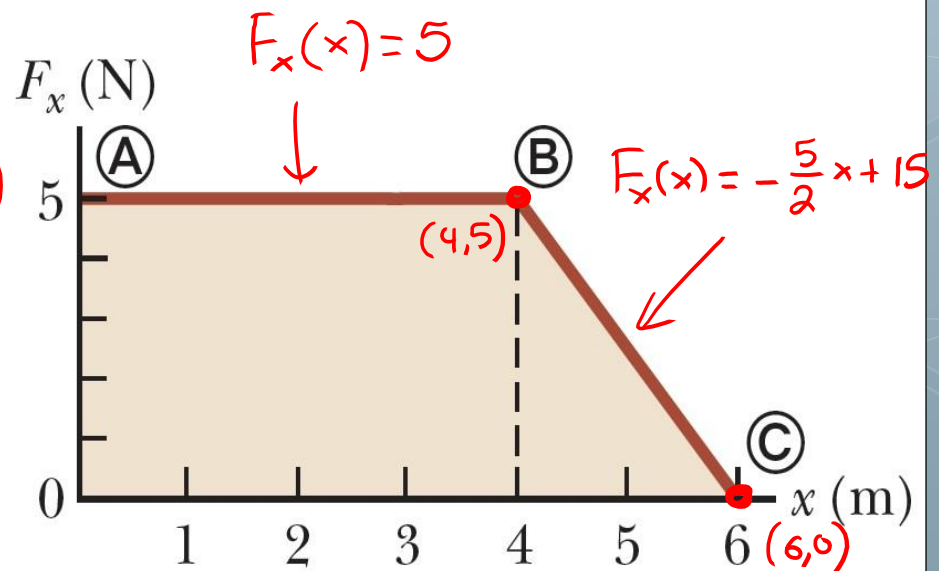


Ενέργεια Συστήματος

• Παράδειγμα – Λύση:

Άλλα λύση: ("κακή")

$$\begin{aligned} W &= \int_0^6 F_x dx = \int_0^4 5 dx + \int_4^6 \left(-\frac{5}{2}x + 15\right) dx \\ &= 5x \Big|_0^4 + \left(-\frac{5}{4}x^2 + 15x\right) \Big|_4^6 \\ &= 20 - 0 + \left(-45 + 90 - \left(-20 + 60\right)\right) \\ &= 20 + (45 - 40) \\ &= 20 + 5 \\ &= 25 \text{ J} \end{aligned}$$



Συνεχίζεται... 😊